

PROGRAMME DE COLLES – QUINZAINE 14

1. Chapitre 27 : Dimensions des espaces vectoriels

- Définition de famille génératrice. Exemples à connaître et savoir refaire.
- Définition de famille liée. Exemples à connaître et savoir refaire.
- Définition de base. Bases canoniques. Exemples à connaître et savoir refaire.
- Espace vectoriel de dimension finie. Dimension d'un espace vectoriel.
- **Question de cours ♥ : exemple 27.34**
- Théorème de la base extraite. Théorème de la base incomplète.
- Dimension d'un sous espace vectoriel.
- Dimension d'une somme directe de sous espaces vectoriels.
- Caractérisation de sous espaces supplémentaires (théorème 27.42)
- **Question de cours ♥ : exemple 27.44**
- **Question de cours ♥ : exemple 27.45**

2. Chapitre 28 : Applications linéaires

- Définition d'application linéaire.
- Définition d'endomorphisme/d'isomorphisme/d'automorphisme/de forme linéaire.
- **Question de cours ♥ : exemple 28.24**
- Noyau d'une application linéaire.
- **Question de cours ♥ : énoncé et démonstration de la Proposition 28.38**
- Une application est injective si et seulement si son noyau est réduit au vecteur nul.
- Image d'une application linéaire.
-
- **Question de cours ♥ : énoncé et démonstration de la Proposition 28.46**
- L'image d'une application linéaire est engendrée par la famille des images d'une famille génératrice de l'espace de départ (proposition 28.49).
- Une application est surjective si et seulement si son image est égale à l'espace d'arrivée.
- Rang d'une application linéaire.
- f est injective, si et seulement si, le rang de f est égale à la dimension de l'espace de départ.
- f est injective, si et seulement si, le rang de f est égale à la dimension de l'espace d'arrivée.
- SI la dimension de l'espace de départ est égale à la dimension de l'espace d'arrivée, alors f est injective $\iff f$ est surjective $\iff f$ est bijective.
- Théorème du rang.