

## Interrogation n° 4

### Exercice 1 Questions de cours

- Soient  $f$  et  $g$  deux fonctions définies respectivement sur  $\mathcal{D}_f$  et  $\mathcal{D}_g$ . Comment définit-on la composée de  $g$  par  $f$ ? (On n'oubliera pas de préciser les conditions de cette définition).
- Donner les définitions d'une fonction paire et d'une fonction impaire.
- Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  de  $\mathbb{R}$ .
  - Donner la définition de  $f$  est minorée sur  $I$ .
  - Donner la définition de  $f$  est strictement croissante sur  $I$ .
- Soit la fonction carré  $f : x \mapsto x^2$ .
  - Donner le domaine de définition de  $f$ .
  - Donner la parité de  $f$ .
  - Donner les variations de  $f$ .
  - Tracer l'allure de sa courbe représentative.
- Soit la fonction cube  $g : x \mapsto x^3$ .
  - Donner le domaine de définition de  $g$ .
  - Donner la parité de  $g$ .
  - Donner les variations de  $g$ .
  - Tracer l'allure de sa courbe représentative.
- Soit la fonction inverse  $h : x \mapsto \frac{1}{x}$ .
  - Donner le domaine de définition de  $h$ .
  - Donner la parité de  $h$ .
  - Donner les variations de  $h$ .
  - Tracer l'allure de sa courbe représentative.
- Soit la fonction logarithme népérien  $l : x \mapsto \ln(x)$ .
  - Donner le domaine de définition de  $l$ .
  - Donner la parité de  $l$ .
  - Donner les variations de  $l$ .
  - Tracer l'allure de sa courbe représentative.
- Soit la fonction exponentielle  $j : x \mapsto e^x$ .
  - Donner le domaine de définition de  $j$ .
  - Donner la parité de  $j$ .
  - Donner les variations de  $j$ .
  - Tracer l'allure de sa courbe représentative.

### Exercice 2

Simplifier l'expression suivante :

$$A = \frac{e^{x^2+1} (e^{x+\ln(2x)})^2}{e^{(x+1)^2}}.$$

## Corrigé : Interrogation n° 4

### Exercice 1 Questions de cours

1. Soient  $f$  et  $g$  deux fonctions définies respectivement sur  $\mathcal{D}_f$  et  $\mathcal{D}_g$ . Comment définit-on la composée de  $g$  par  $f$ ? (On n'oubliera pas de préciser les conditions de cette définition).

La composée de  $g$  par  $f$  se note  $f \circ g$ , elle est définie sur  $\mathcal{D}_g$ , à condition que  $g(\mathcal{D}_g) \subset \mathcal{D}_f$  et on a :

$$\forall x \in \mathcal{D}_g, (f \circ g)(x) = f(g(x)).$$

2. Donner les définitions d'une fonction paire et d'une fonction impaire.  
3. Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  de  $\mathbb{R}$ .

(a) Donner la définition de  $f$  est minorée sur  $I$ .

$$\exists m \in \mathbb{R}, \forall x \in I, f(x) \geq m.$$

(b) Donner la définition de  $f$  est strictement croissante sur  $I$ .

$$\forall x \in I, \forall y \in I, x < y \Rightarrow f(x) < f(y).$$

4. Soit la fonction carré  $f : x \mapsto x^2$ .

(a) Donner le domaine de définition de  $f$ .

$$\mathcal{D}_f = \mathbb{R}.$$

(b) Donner la parité de  $f$ .

$f$  est une fonction paire.

(c) Donner les variations de  $f$ .

$f$  est décroissante sur  $] -\infty; 0]$  et croissante sur  $[0; +\infty[$ .

(d) Tracer l'allure de sa courbe représentative.

Voir cours

5. Soit la fonction cube  $g : x \mapsto x^3$ .

(a) Donner le domaine de définition de  $g$ .

$$\mathcal{D}_g = \mathbb{R}$$

(b) Donner la parité de  $g$ .

$g$  est une fonction impaire.

- (c) Donner les variations de  $g$ .

$g$  est croissante sur  $\mathbb{R}$ .

- (d) Tracer l'allure de sa courbe représentative.

Voir cours.

6. Soit la fonction inverse  $h : x \mapsto \frac{1}{x}$ .

- (a) Donner le domaine de définition de  $h$ .

$\mathcal{D}_h = \mathbb{R}^*$

- (b) Donner la parité de  $h$ .

$h$  est une fonction impaire.

- (c) Donner les variations de  $h$ .

$h$  est décroissante sur  $] -\infty; 0[$  et  $]0; +\infty[$ .

- (d) Tracer l'allure de sa courbe représentative.

Voir cours

7. Soit la fonction logarithme népérien  $l : x \mapsto \ln(x)$ .

- (a) Donner le domaine de définition de  $l$ .

$\mathcal{D}_l = \mathbb{R}_+^*$

- (b) Donner la parité de  $l$ .

$\mathcal{D}_l$  n'est pas symétrique par rapport à 0 donc  $l$  n'est ni paire ni impaire.

- (c) Donner les variations de  $l$ .

$l$  est strictement croissante sur  $\mathbb{R}_+^*$ .

- (d) Tracer l'allure de sa courbe représentative.

Voir cours

8. Soit la fonction exponentielle  $j : x \mapsto e^x$ .

- (a) Donner le domaine de définition de  $j$ .

$\mathcal{D}_j = \mathbb{R}$

- (b) Donner la parité de  $j$ .

$j$  n'est ni paire ni impaire.

(c) Donner les variations de  $j$ .

$j$  est strictement croissante sur  $\mathbb{R}$ .

(d) Tracer l'allure de sa courbe représentative.

Voir cours

## Exercice 2

Simplifier l'expression suivante :

$$A = \frac{e^{x^2+1} (e^{x+\ln(2x)})^2}{e^{(x+1)^2}}.$$

$$A = \frac{e^{x^2+1} e^{2x+2\ln(2x)}}{e^{x^2+2x+1}} = e^{x^2+1+2x+2\ln(2x)-(x^2+2x+1)} = e^{2\ln(2x)} = \left(e^{\ln(2x)}\right)^2 = (2x)^2 = 4x^2.$$